

Calcolare i seguenti integrali curvilinei, lungo curve non orientate:

1) $\int_{\gamma} xy ds,$

dove γ e' la curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (\cos(t), \sin(t))$

2) $\int_{\gamma} ((x-1)^2 - 1 + y^2) ds,$

dove γ e' la curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (\cos(t) + 1, \sin(t))$

3) $\int_{\gamma} \sqrt{1 + 4t^2} ds,$

dove γ e' la curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (t, t^2)$

4) $\int_{\gamma} \sqrt{9 + 4t^2} ds,$

dove γ e' la curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (2 + 3t, t^2 - 1)$

5) $\int_{\gamma} (x + y) ds,$

dove γ e' segmento di estremi (2.6), (3, 4)

6) $\int_{\gamma} (x^2 + y^2) ds,$

dove γ e' frontiera del triangolo di vertici (0, 0), (1, 0), (0, 1).

Calcolare i seguenti integrali curvilinei, lungo curve orientate:

1) $\int_{\gamma} xy dx,$

dove γ e' la curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (\cos(t), \sin(t))$

2) $\int_{\gamma} y^2 dx$

dove γ e' una curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, \pi/4] \rightarrow R, \phi(t) = (\cos(t), \sin(t))$

3) $\int_{\gamma} (y^2 + 3x) dx$

dove γ e' una curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, 1] \rightarrow R, \phi(t) = (t, t^2)$

4) $\int_{\gamma} (y + 3x) dx$

dove γ e' una curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, 1] \rightarrow R, \phi(t) = (3t^3 - t, t^2 + 1)$

5) $\int_{\gamma} (2y + x) dy$

dove γ e' una curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, 1] \rightarrow R, \phi(t) = (3t^2 + 1, t^2 + t)$

6) $\int_{\gamma} (x + y) dx$

dove γ e' una curva di R^2 , descritta da $\phi : [0, 1] \rightarrow R, \phi(t) = (e^t, e^{-t})$

7) $\int_{\gamma} (x + y) dx$

dove γ segmento di estremi ordinatamente (0, 0), (1, 0).

8) $\int_{\gamma} y \sin(x) dy$

dove γ segmento di estremi ordinatamente (0, 0), (0, 2).