

TERZO APPELLO di ANALISI MATEMATICA T/T1 del
11/02/2015 Commissione del prof. Fausto Ferrari

COGNOME E NOME

Corso di Laurea in Ingegneria

N. di matricola

Durata della prova A+B: un'ora e 45 minuti. Gli studenti che decidono di uscire dopo l'inizio della prova verranno valutati sull'elaborato svolto fino al momento della loro uscita e la loro prova verrà considerata conclusa. Il testo, debitamente compilato, va riconsegnato con gli esercizi svolti in dettaglio assieme, al più, a un solo foglio protocollo su cui devono essere riportate le proprie generalità e il numero di matricola. Non è consentito l'uso di appunti, testi, eserciziari, computer e cellulari. Le fasi C e D (fase orale) si svolgeranno a partire dal 16 Febbraio 2015. Per accedere alla fase orale, qualora si superino la parte A e B, è comunque obbligatoria l'iscrizione alla lista di AlmaEsami.

.....
Parte A. Attenzione, se il punteggio realizzato in questa parte è inferiore a 6 non verrà corretta la parte B e lo studente dovrà ripetere l'esame.

(1) Sia $f(x) = e^{-(x-3)^2} |x-3| - \int_3^x e^{-(t-3)^2} dt$

Determinare, fornendo le opportune motivazioni:

- (a, 2 punti) il dominio di esistenza, il dominio di derivabilità e la derivata prima di f ;
- (b, 2 punti) gli intervalli di monotonia e i punti estremanti di f ;
- (c, 1 punto) l'insieme dei punti in cui f è derivabile due volte e la sua derivata seconda;
- (d, 2 punti) gli intervalli di di convessità/concavità di f ;
- (e, 1 punto) gli eventuali asintoti di f ;

Disegnare infine un grafico qualitativo di f , (1,5 punti) e specificare quante soluzioni ha l'equazione $f(x) = 0$ nel dominio in cui è definita f , (0,5 punti).

Parte B. Attenzione, se il punteggio realizzato in questa parte è inferiore a 4, (punteggio da totalizzare negli esercizi (2), (3) e (4)), non si è ammessi alla fase successiva, decade la validità della parte A e bisogna ripetere l'esame dall'inizio.

(2) [3 punti] Calcolare

$$\int_0^{\frac{4-\pi}{2}} \frac{\sin(4t) \cos(4t)}{\cos^2(4t) - 9 \cos(4t) + 20} dt.$$

(3) [3 punti] Determinare per quali valori di $\alpha > 0$ il seguente integrale generalizzato converge

$$\int_0^{+\infty} \frac{\sin(7x^\alpha)}{x^{7\alpha} + x^7} dx.$$

(4) [3 punti] Calcolare

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{4x} - \cosh(4x) - 4x) \sin^2(x + 4x^2)}{(1 - \cos(5x))(5x - \sin(5x))}.$$

(5) [3 punti **non validi per l'ammissione alle fasi successive.**] Scrivere la definizione di $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = l \in \mathbb{R}$.