

Connessione

Es. 1

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{\frac{1}{x}+1}}{e^{\frac{2}{x^2}-1}} = +\infty \text{ perché } \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{1}{x}+1} = 2 \text{ e}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{2}{x^2}-1} = 0 \text{ con } e^{\frac{2}{x^2}-1} > 0;$$

—/

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{\frac{1}{x}+1}}{e^{\frac{2}{x^2}-1}} = \lim_{y \rightarrow 1^+} \frac{y+1}{y-1} = +\infty$$

—/

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5|x+2|}{\sqrt{-x|x|+3}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5|x|}{|x|} = 5$$

$$\text{perché } \sqrt{-x|x|+3} \sim \sqrt{|x|^2}, \quad x \rightarrow -\infty$$

—/

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{\frac{1}{x}-1}}{e^{\frac{2}{x}-1}} = \lim_{y \rightarrow 1^+} \frac{y-1}{y^2-1} = \lim_{y \rightarrow 1^+} \frac{1}{y+1} = \frac{1}{2}$$

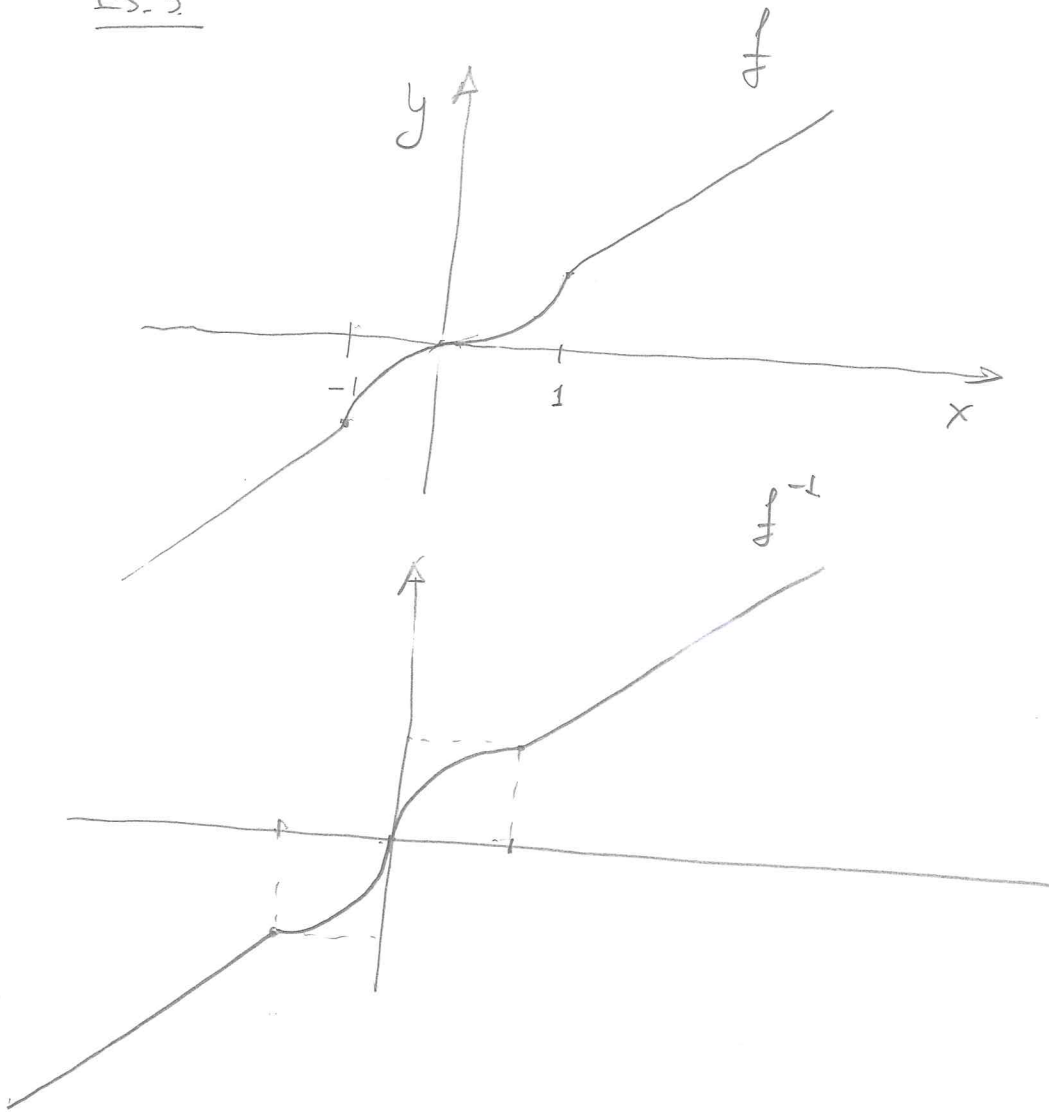
—/

Es. 2.

$f \circ g$ è ben definita se $g([0, +\infty[) \subseteq \mathbb{R}$, ma $g([0, +\infty[) = \log([0, +\infty[) = \mathbb{R}$. Quindi $f \circ g: [0, +\infty[\rightarrow \mathbb{R}$ è ben definita.

Invece $f(\mathbb{R}) = \cos(\mathbb{R}) = [-1, 1] \not\subseteq [0, +\infty[$. Quindi non è definita $g \circ f$.

Es. 3



f è invertibile e solo se f è 1-1.
Infatti, poiché f è strettamente crescente, f è invertibile