

Scritto di Calcolo delle Probabilità e Statistica Matematica
Corso di Laurea in Informatica per il Management
Martedì 12 settembre 2017

Nome e cognome :

Numero di matricola :

Firma:

Compilare la seguente dichiarazione.

Il/la sottoscritto/a..... (matricola.....)
autorizza/non autorizza (cancellare la voce che non interessa) i docenti del corso a
pubblicare sul sito Web il risultato della prova scritta, usando come identificativo il
numero di matricola.

Firma

1) Le carte di un mazzo di 52 carte vengono distribuite in maniera casuale fra i giocatori A , B , C e D .

- a) Calcolare la probabilità che il giocatori A abbia solo carte di cuori.
- b) Calcolare la probabilità che il giocatore A abbia esattamente tutti gli assi e tutti i re.
- c) Calcolare la probabilità che ogni giocatore abbia esattamente un asso, un quattro, un cinque.

Brutta copia

2) Il numero aleatorio X insieme dei valori possibili $I(X) = \{-2, -1, 0, 1\}$ e distribuzione data da

$$\mathbf{P}(X = -2) = \frac{1}{10}, \quad \mathbf{P}(X = -1) = \frac{1}{5}, \quad \mathbf{P}(X = 0) = \frac{3}{10}, \quad \mathbf{P}(X = 1) = \frac{2}{5}.$$

Siano Y e Z i due numeri aleatori definiti da $Y = 2 - X$, $Z = X^2$.

- a) Determinare gli insiemi dei valori possibili di Y e Z : $I(Y)$ e $I(Z)$.
- b) Calcolare le distribuzioni di Y e Z .
- c) Calcolare $\mathbf{P}(X)$, $\sigma^2(X)$, $\sigma^2(Y)$, $\mathbf{P}(Z)$.

Brutta copia

3) Sia X un numero aleatorio con densità di probabilità $p(x)$

$$p(x) = \begin{cases} K(2x - x^2) & \text{per } 0 \leq x \leq 2, \\ 0 & \text{altrimenti.} \end{cases}$$

- a) Calcolare la costante K .
- b) Calcolare la funzione di ripartizione di X .
- c) Calcolare $\mathbf{P}(X)$ e $\sigma^2(X)$.
- d) Calcolare $\mathbf{P}(1 \leq X \leq 2)$.

Brutta copia

4) I numeri aleatori X_1, X_2, \dots sono stocasticamente indipendenti subordinatamente alla conoscenza del parametro aleatorio Θ con densità subordinata

$$f(x|\theta) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-\theta)^2}{18}\right).$$

La densità a priori di Θ è data da

$$\pi_0(\theta) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(\theta-2)^2}{8}\right).$$

Si osservano i valori dei primi 3 numeri aleatori: $X_1 = 1.8, X_2 = 0.4, X_3 = 2.4$.

- a) Calcolare la densità a posteriori di Θ .
- b) Calcolare previsione e varianza a posteriori di Θ .

Brutta copia