

Siano  $A \subset \mathbb{R}$  non vuoto,  $f, g : A \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $x_0$  di accumulazione per  $A$ . Dire se le affermazioni seguenti sono vere o false

1. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$  ed esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} (f + g)(x)$
2. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$  ed esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} (fg)(x)$
3. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$  e non esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} (f + g)(x)$
4. Se non esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$  e non esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} (f + g)(x)$
5. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} 1/f(x) = +\infty$
6. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} 1/f(x) = 0$
7. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = m$ , e  $f(x) > 2$  per ogni  $x \neq x_0$ ,  $m > l$
8. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = +\infty$   $f(x) \leq g(x)$  per ogni  $x$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = +\infty$
9. Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = -\infty$   $f(x) \leq g(x)$  per ogni  $x$ , allora esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = -\infty$

Scrivere la definizione di limite nei seguenti casi:

1. Esiste  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = +\infty$ .
2. Esiste  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ .
3. Esiste  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3$ .
4. Esiste  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$ .
5. Esiste  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = +\infty$ .