

$$v_1 = \alpha_1 v_1', \dots, v_h = \alpha_h v_h'$$

Ip.:  $v_1, \dots, v_h$  lin. dip. Tesi:  $v_1', \dots, v_h'$  lin. dip.  
 $v_1, \dots, v_h$  lin. dip.  $\Rightarrow \exists \lambda_1, \dots, \lambda_h$  non tutti nulli tali che

$$\lambda_1 v_1 + \dots + \lambda_h v_h = \vec{0}_V$$

$$\Rightarrow \lambda_1 (\alpha_1 v_1') + \dots + \lambda_h (\alpha_h v_h') = \vec{0}_V$$

$$\Rightarrow (\lambda_1 \alpha_1) v_1' + \dots + (\lambda_h \alpha_h) v_h' = \vec{0}_V \quad \mu_1, \dots, \mu_h \text{ non tutti nulli}$$

$$\Rightarrow v_1', \dots, v_h' \text{ lin. dip.}$$

$$B = (e_1, \dots, e_n)$$

$$v = \alpha_1 e_1 + \dots + \alpha_n e_n$$



