

Corso di Laurea in Ingegneria Aerospaziale/ Meccanica

Laboratorio di Analisi Numerica

A.A. 2010/2011 – II Ciclo

Esercitazione 6

Creare una cartella <cognome> in C: dove verranno salvati i file creati nella sessione di lavoro.

Appena entrati in MATLAB posizionarsi in <cognome>.

Risolvere in ambiente MATLAB i seguenti esercizi.

MATLAB fornisce le seguenti built-in function per la determinazione dell'integrale numerico mediante formule di quadratura:

quad	Quadratura adattiva con formula di Simpson
quadl	Quadratura adattiva con formula di Gauss-Lobatto
dblquad	Formula di quadratura per integrale doppio

1. Realizzare una function **RetComp.m** per il calcolo della formula dei rettangoli composta nel caso di punti equispaziati.

Applica i metodi realizzati ai punti 1. e 2. per approssimare l'integrale delle seguenti funzioni test (memorizzate rispettivamente in **fun1.m** ed **fun2.m**):

$$f1(x) = \log(x) \quad [1,2], \quad f2(x) = \sqrt{x} \quad [0,9]$$

Osservare come cambia l'errore d'integrazione al variare del numero N di nodi, confrontando il valore ottenuto con il valore esatto dei due integrali.

2. **Premessa.** La formula per il calcolo della lunghezza d'arco permette di calcolare la lunghezza di una curva descritta parametricamente come $x(t)$, $y(t)$:

$$L = \int_a^b \sqrt{(x')^2 + (y')^2} dt$$

Si consideri la traiettoria seguita da una particella, definita punto per punto dalle seguenti coordinate:

$$x = 1 - (t - 2)^2 \quad y = (t - 2)(1 - (t - 2)^2)$$

dove $t \in [0,4]$. Si rappresenti la traiettoria della particella e si calcoli quanto spazio ha percorso in un tempo $t \in [0,1.5]$ e $t \in [2,3.5]$. Si utilizzino colori diversi per rappresentare i precedenti tratti. Si utilizzi la function built-in di MATLAB **quad()** per il calcolo dell'integrazione numerica.

3. Si vuole calcolare il volume di un solido ottenuto dalla rotazione della regione delimitata dalla curva $x = f(z)$, $f(z) \geq 0$, $z \in [a,b]$. Intorno all'asse z , dove il volume è dato da:

$$V = \pi \int_a^b (f(z))^2 dz$$

a) Realizzare lo script **volume1.m** per calcolare l'approssimazione del volume del solido di rotazione per cui la funzione f sia assegnata per punti come da tabella, con la formula di Rettangoli composta per punti.

z	0	1	2	3	4	5	6
$f(z)$	6	5.6	4	4.4	5.2	7.8	8.5

NOTA: in alternativa fornire i punti interattivamente utilizzando `ginput()`

b) Realizzare lo script **volume2.m** per calcolare l'approssimazione del volume del solido di rotazione per cui la funzione sia $f(z) = \sqrt{1+z^2}$ con `quad()` oppure con la formula di Rettangoli composta.

Si utilizzi lo script **sweep.m** per visualizzare la superficie di rivoluzione prodotta ruotando un profilo lungo l'asse z :

```
% script sweep.m
N=10; % numero di punti nel profilo
z=linspace(-5,5,N)';
radius=feval('funz',z); % funzione profilo
theta=2*pi*linspace(0,1,N);
X=radius*cos(theta);
Y=radius*sin(theta);
Z=z(:,ones(1,N));
surf(X,Y,Z)
axis equal
```

4. Utilizza il seguente integrale per stimare il valore di π :

$$\pi = \int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx$$

Confronta la velocità di convergenza dei metodi composti dei Rettangoli e dei Trapezi, calcolando, in entrambi i casi, il numero di nodi N necessari per ottenere una tolleranza fissata.