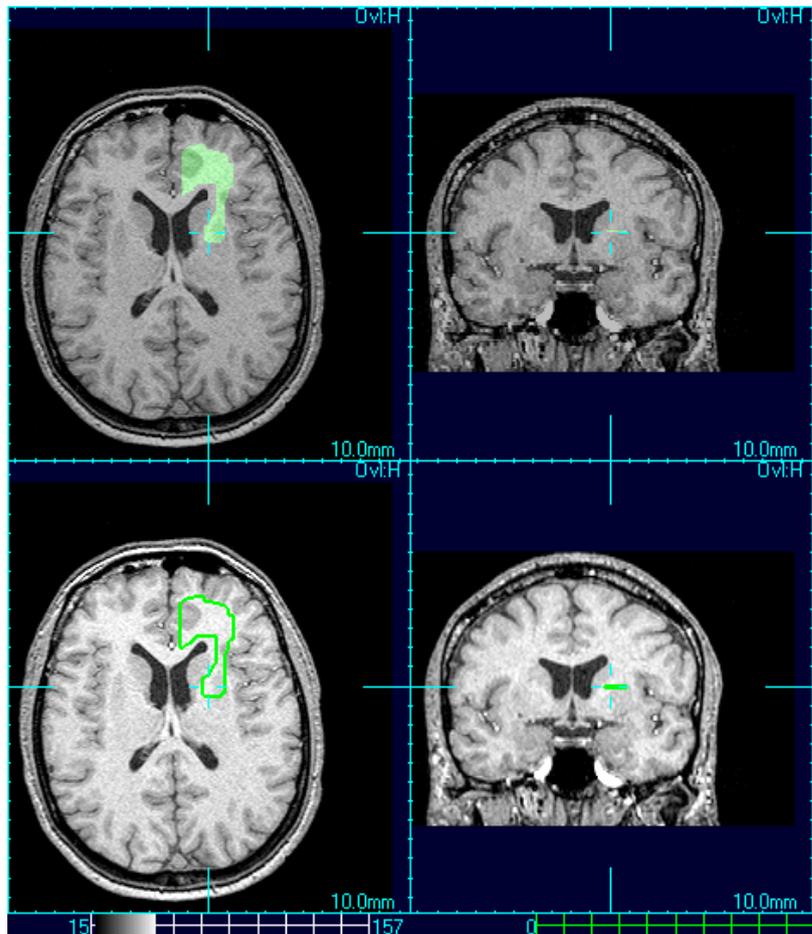
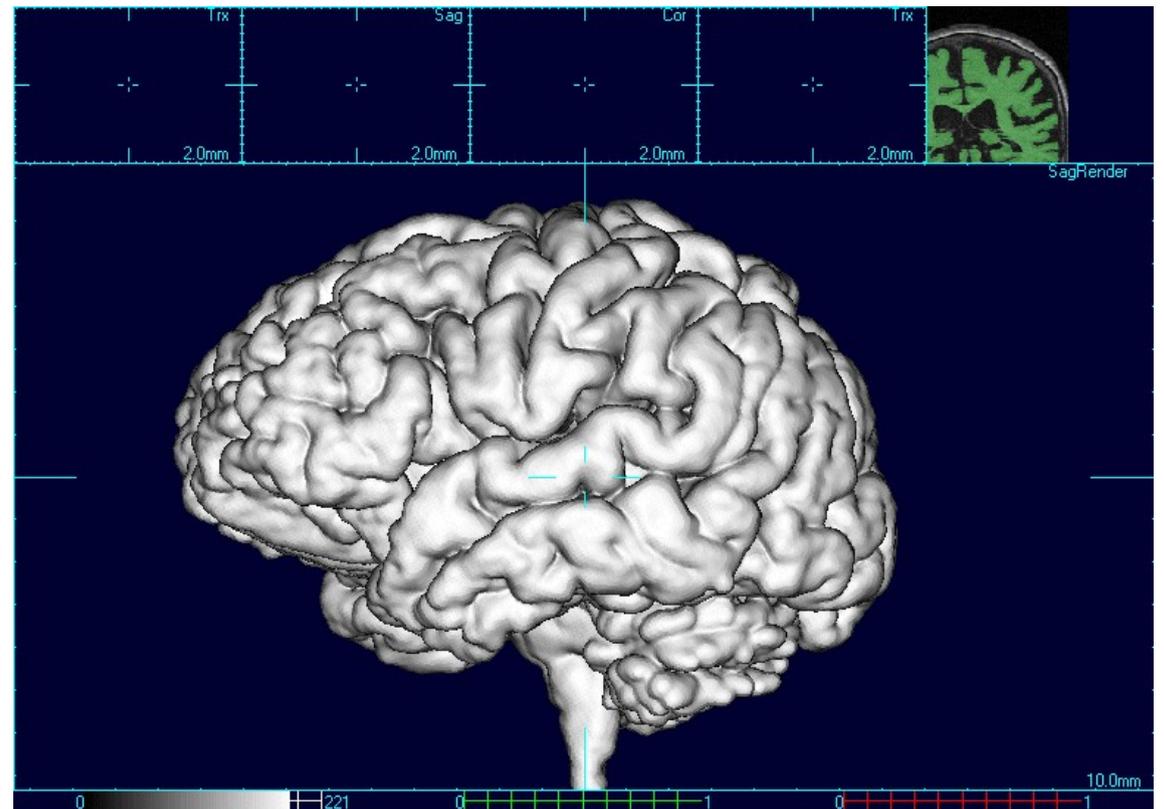


Elaborazione e Visualizzazione di Dati Volumetrici (3D)



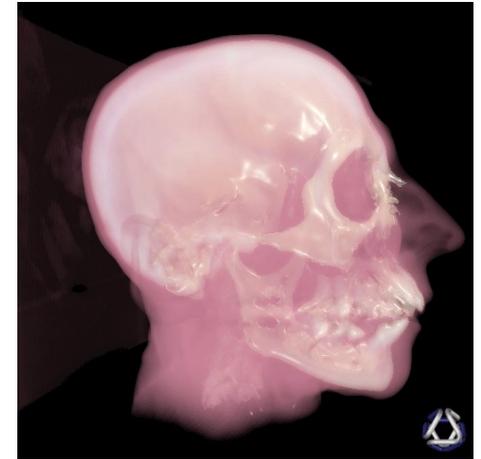
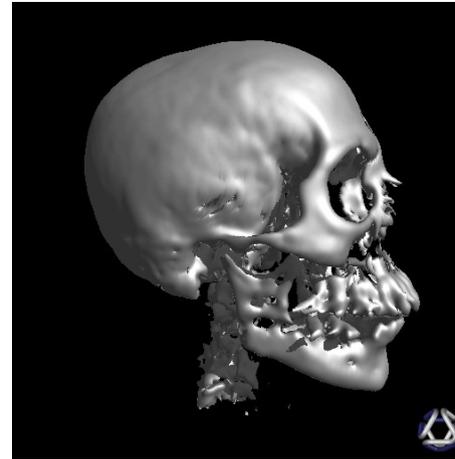
"www.colin-studholme.net"



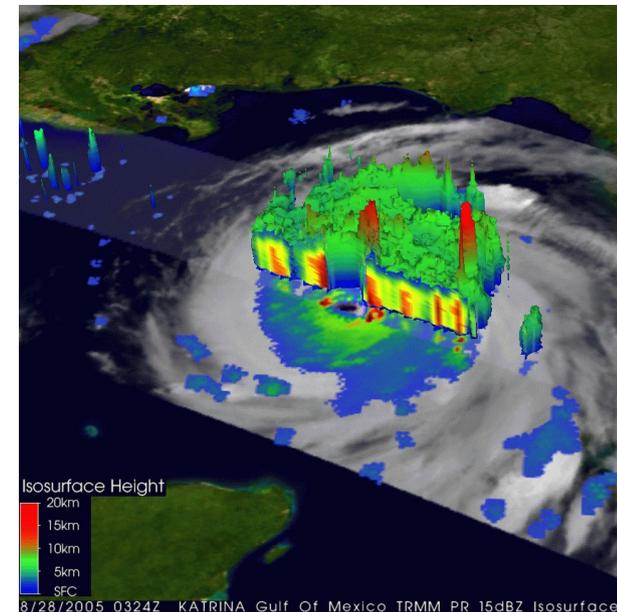
"www.colin-studholme.net"

Ambiti Applicativi

- Medical Imaging:
 - Estrazione isosuperfici da dati volumetrici;
 - Visualizzazione di volumi a livelli di trasparenza;
- Meteorological Imaging:
 - Estrazioni isosuperfici per la visualizzazione di un subset di dati



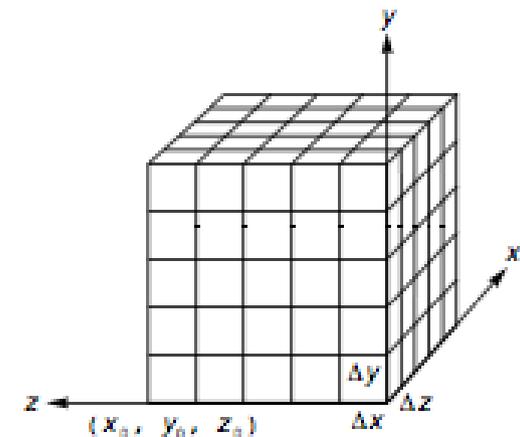
“www.vis.uni-stuttgart.de”



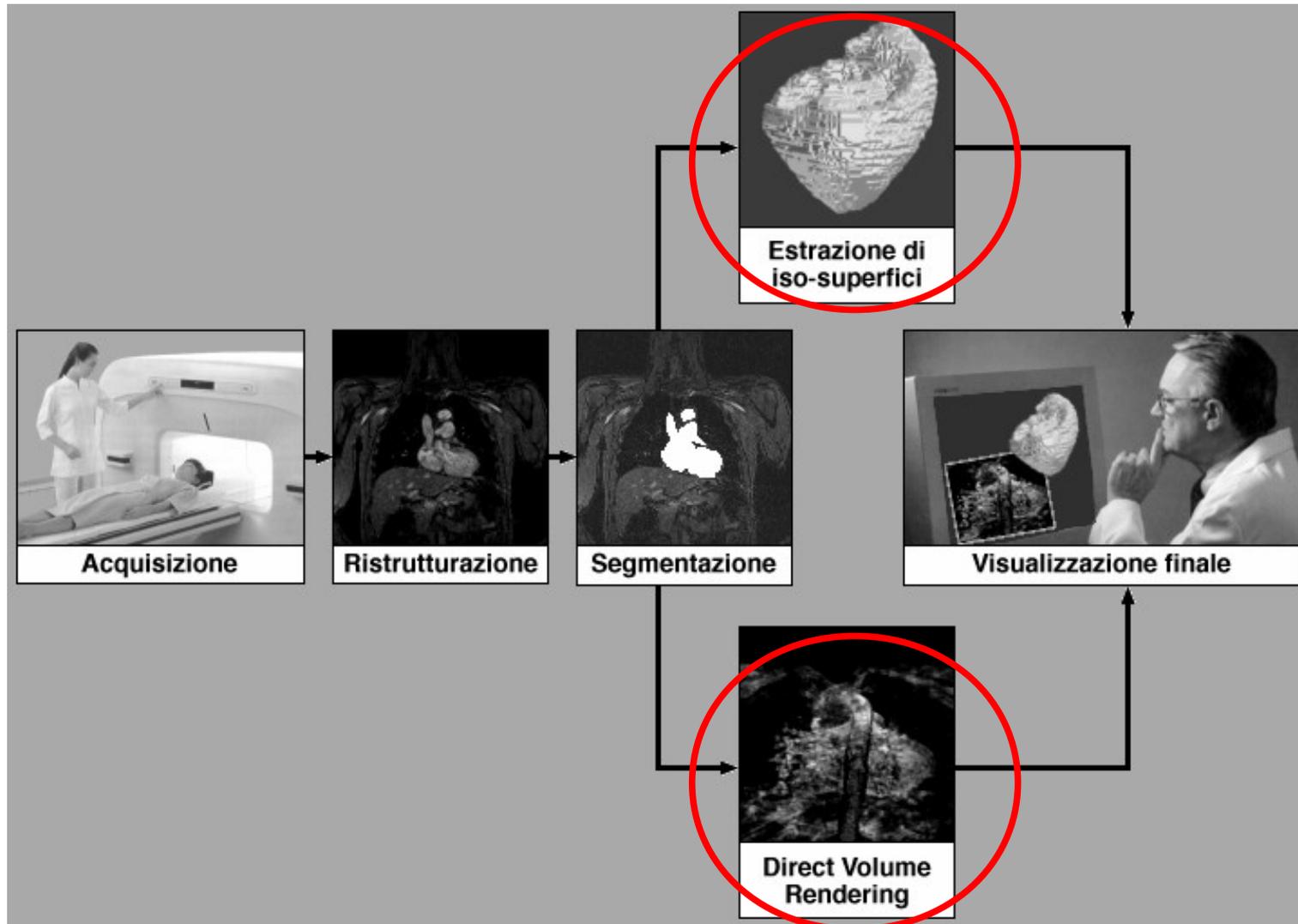
“trmm.gsfc.nasa.gov”

Dati Volumetrici

- I dati sono rappresentati da un campo scalare o vettoriale campionato in un insieme finito e discreto di punti;
- Ad ogni singolo punto dell' insieme possono essere associate più informazioni:
 - In ambito medico ad esempio il tipo di tessuto, la sua densità, valori di temperatura, ...
 - In ambito geografico l' altitudine, la pressione, la densità di ossigeno, acqua, ...
- Se il campionamento è avvenuto con un reticolo equispaziato possiamo associare ad ogni punto del campo un elemento di volume infinitesimo chiamato **voxel** (che ci tornerà molto utile in fase di elaborazione)



Pipeline



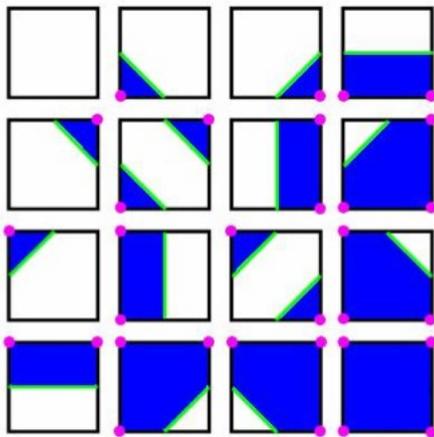
“www.crs4.it”

N.B.: sebbene lo schema si riferisca al campo medico la pipeline è assolutamente generale⁴, eccezion fatta per la fase di segmentazione che non è sempre necessaria.

Estrazione di isosuperfici

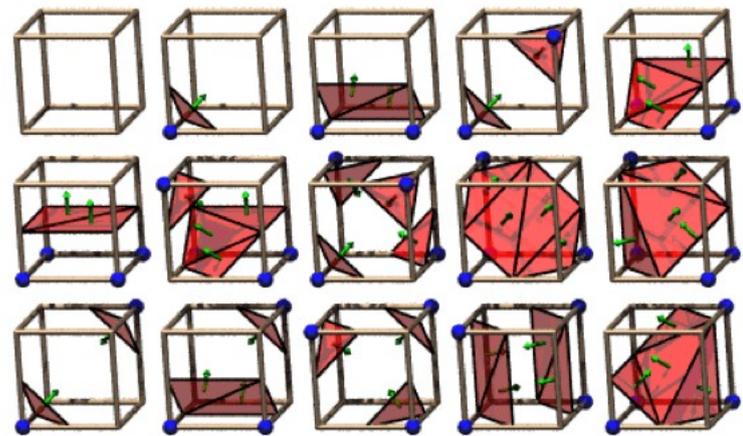
- Caso particolare con set di dati a 3 dimensioni e subset da estrarre a 2 dimensioni;
- In realtà è un procedimento generico che riduce un insieme di dati n-dimensionali ad uno con (n-1) coordinate;
- Il principio è quello di fissare un valore costante per una delle dimensioni e ricavare i valori assunti dalle altre;

- Caso 2D --->
---> Marching Squares



“profs.sci.univr.it”

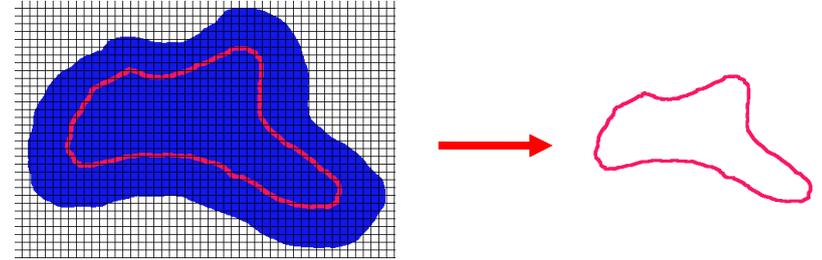
- Caso 3D --->
---> Marching Cubes



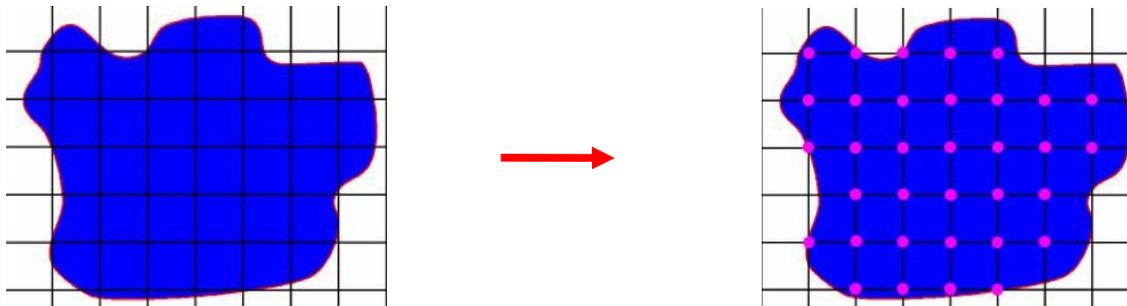
“www.exaflop.org”

Caso 2D: Marching Squares (1)

- Dato un campo scalare bidimensionale $f(x,y)$ di cui si conoscono i campioni presi in un reticolo equispaziato;

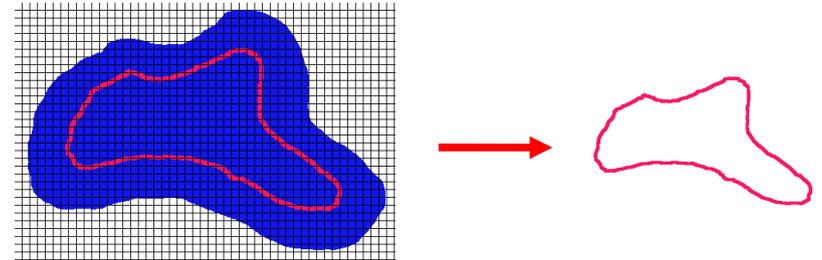


- Sia $f(x,y)=C$ il valore associato alla **isocurva** che si vuole estrarre;
- Troviamo che tale valore divide il piano in due regioni: una per $f(x,y) \geq C$ ed una per $f(x,y) < C$;
- Marchiamo quindi tutti i punti del reticolo che soddisfano $f(x,y) \geq C$, semplicemente confrontando il valore che assume ogni vertice di ogni quadratino (un voxel 2D in pratica):

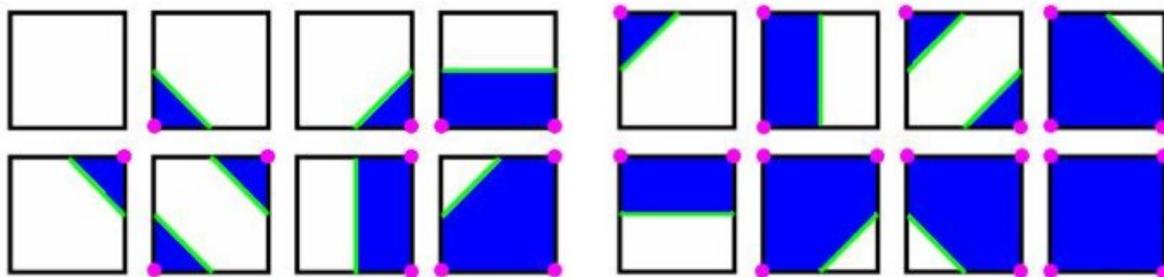


Caso 2D: Marching Squares (2)

- Assumendo ora che la funzione $f(x,y)$ sia piuttosto regolare, possiamo affermare che essa assume il valore C esattamente una volta su ogni lato che collega un vertice marcato ad uno non marcato;



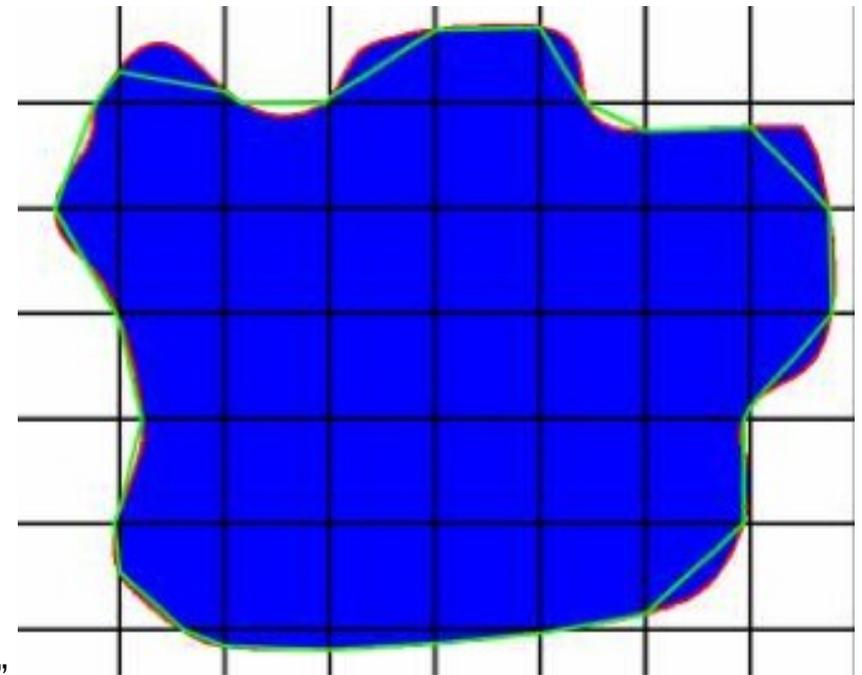
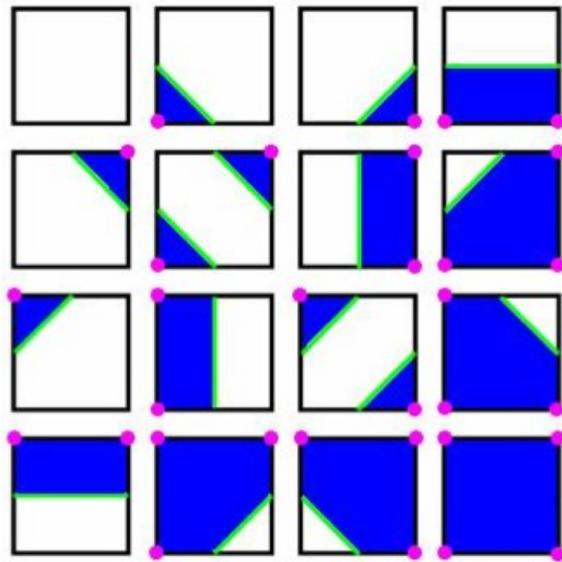
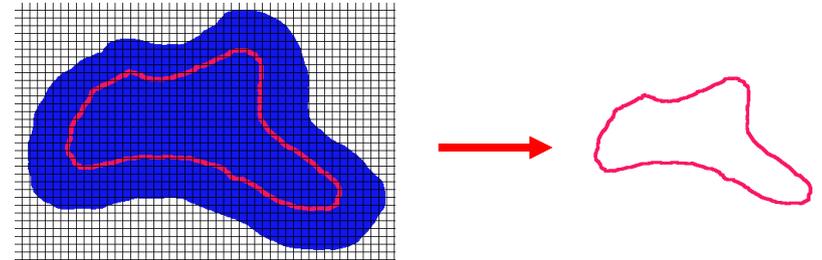
- Se così non fosse si potrebbe pensare di aumentare la risoluzione del campionamento;
- Grazie a questa considerazione possiamo trattare ogni voxel 2D separatamente, individuando 16 configurazioni possibili riguardanti l' approssimazione alla curva cercata:



altre configurazioni possono essere ottenute per rotazione e/o per inversione

Caso 2D: Marching Squares (3)

- Prendendo come linea guida i 16 casi individuati, possiamo approssimare l'intersezione tra la isocurva ed ogni lato per **interpolazione lineare** tra i valori assunti dalla funzione $f(x,y)$ nei vertici (di cui abbiamo i campioni) che delimitano tale lato;

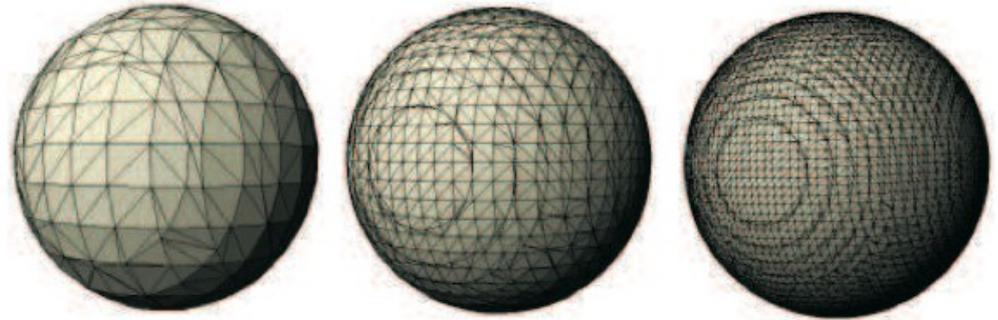


"profs.sci.univr.it"

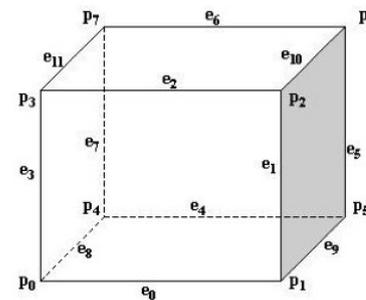
- L' algoritmo ripete questo passo per ogni voxel 2D

Caso 3D: Marching Cubes (1)

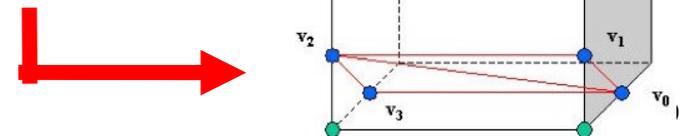
- Estensione dell' algoritmo Marching Squares;
- Il dataset in ingresso all' algoritmo è ora di tipo tri-dimensionale e l' output cercato è una mesh in 2D che approssimi l' **isosuperficie** definita dall' isovalore $f(x,y,z)=C$;
- Ancora si assume che la funzione sia sufficientemente regolare, così che la superficie da estrarre intersechi una sola volta ogni cubetto infinitesimo (voxel 3D);
- Il primo passo consiste nell' individuare le cosiddette **celle attive**, ovvero le celle attraversate dall' isosuperficie:



“www.sitobrusco.com”

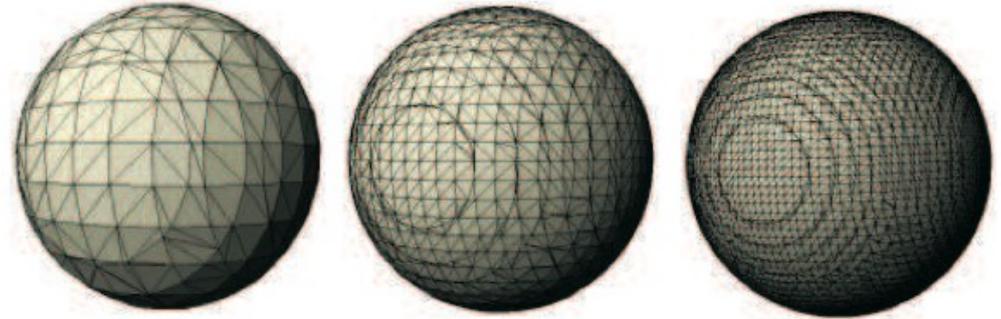


“Algorithms, Programming Methodologies and Tools for Grid Aware Visualization”



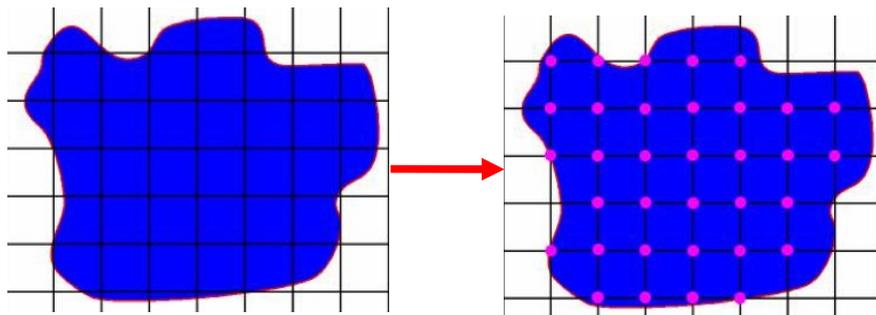
Caso 3D: Marching Cubes (2)

- Per ogni cella (voxel) confronto il valore assunto dai suoi vertici con l' isovalore;

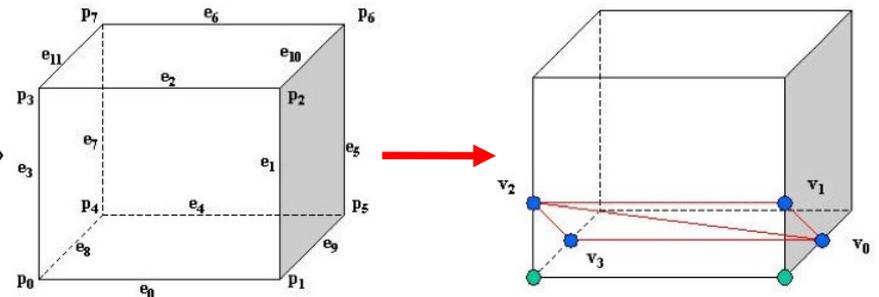
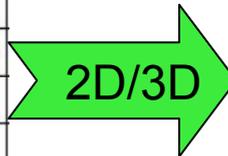


“www.sitobrusco.com”

- Se il vertice è maggiore dell' isovalore lo contrassegno, altrimenti no (o viceversa);
- Le celle attive sono quelle che hanno un numero di vertici contrassegnati compreso tra 1 e 7 (estremi inclusi), ovvero le celle intersecate dalla superficie;
- Questo confronto è l' estensione di quello fatto nel caso 2D:



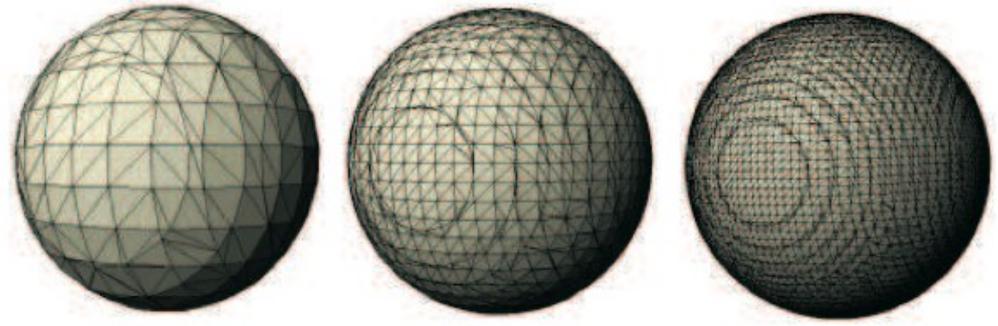
“profs.sci.univr.it”



“Algorithms, Programming Methodologies 10 and Tools for Grid Aware Visualization”

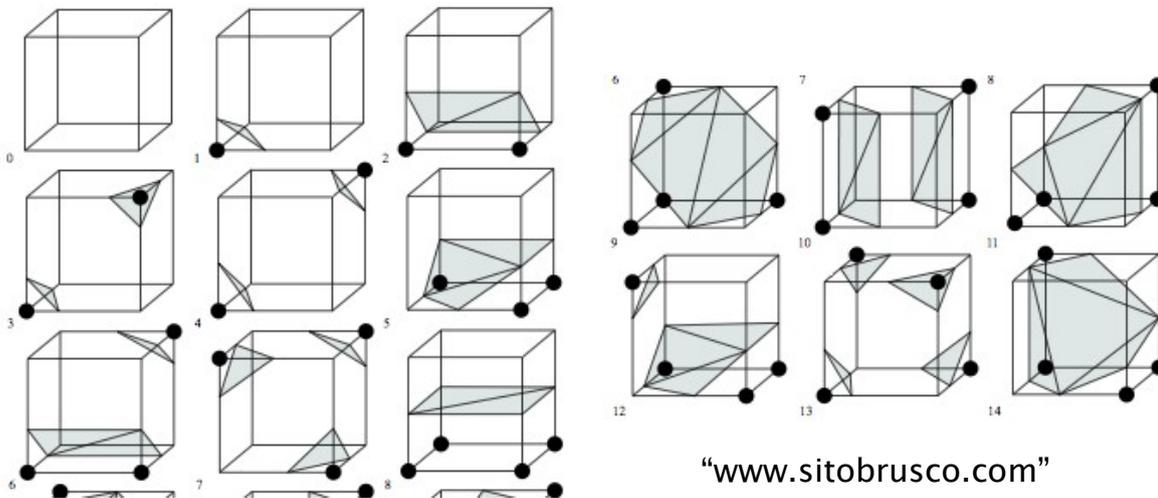
Caso 3D: Marching Cubes (3)

- Il secondo passo dell' algoritmo consiste nel determinare quale sia la mesh triangolare che meglio approssima l' intersezione dell' isosuperficie con la cella;



“www.sitobrusco.com”

- Come per il caso 2D possiamo considerare ogni voxel separatamente, e definire così una **lookup table** con i modi possibili in cui può avvenire l' intersezione:

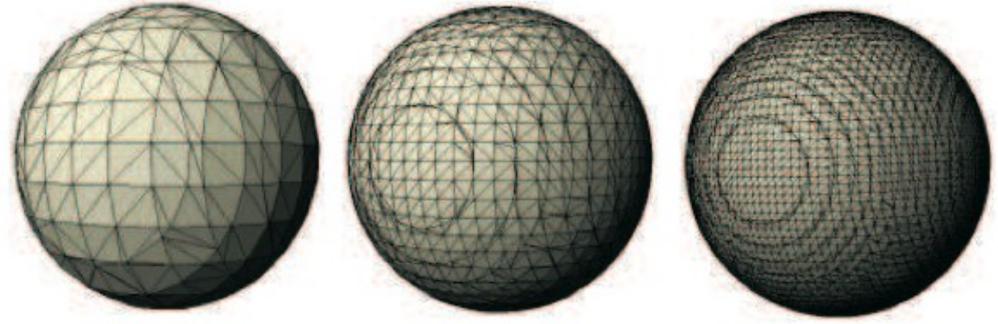


“www.sitobrusco.com”

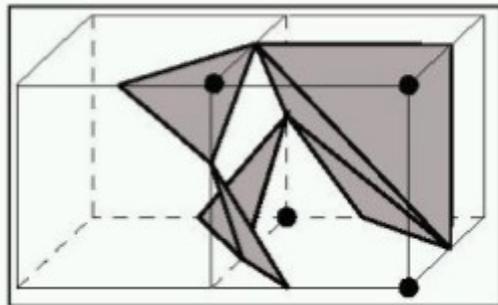
e come in 2D le altre configurazioni sono tutte ottenibili per rotazione e/o inversione

Caso 3D: Marching Cubes (4)

- Le 15 configurazioni minime trovate non sono però in questo caso sufficienti, poiché ci sono alcune ambiguità riguardo alle operazioni di inversione e/o rotazione:

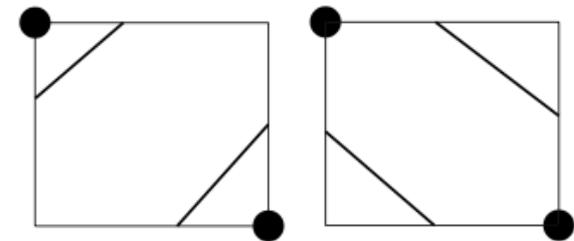


“www.sitobrusco.com”



“www.sitobrusco.com”

tale problema è dovuto alla situazione chiamata **facce ambigue**

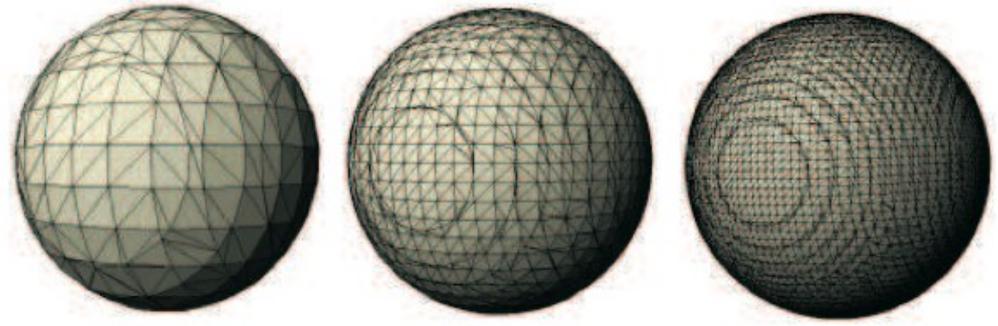


“www.sitobrusco.com”

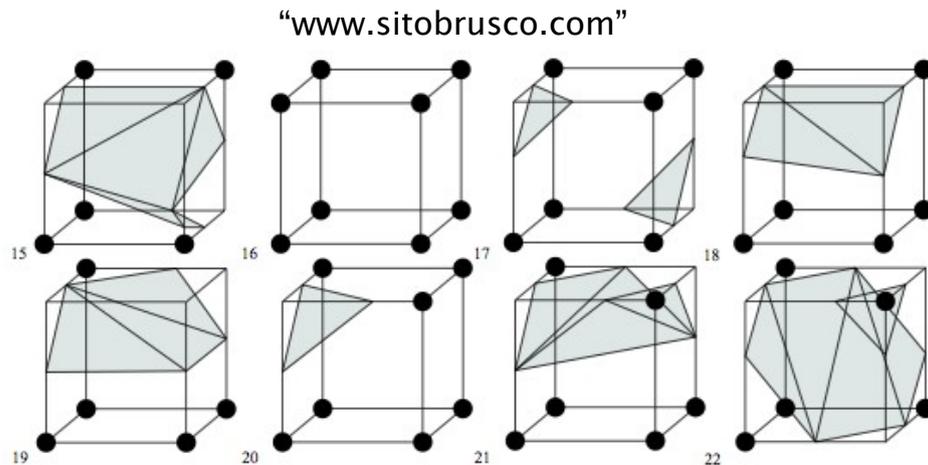
- questa configurazione anomala si presenta quando ci sono 2 vertici marcati diagonalmente opposti e due vertici non marcati anch' essi opposti (in maniera simmetrica)

Caso 3D: Marching Cubes (5)

- L'ambiguità può essere risolta semplicemente aggiungendo altri 8 casi alla tabella di lookup, che rappresentano le configurazioni inverse e/o ruotate dei casi critici:



"www.sitobrusco.com"

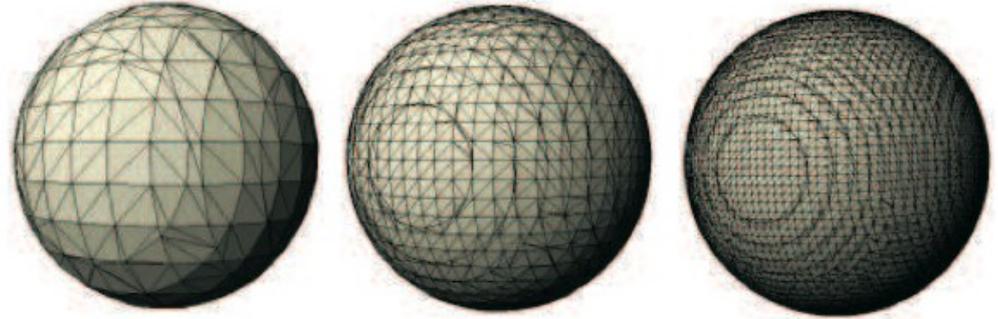


questi 8 casi cessano di essere considerati come ottenibili dai 15 originali, ma diventano casi del tutto nuovi;

- Così facendo, l'ambiguità è risolta poiché le configurazioni critiche non verranno più né ruotate né invertite

Caso 3D: Marching Cubes (6)

- L'operazione conclusiva dell' algoritmo è il calcolo delle intersezioni che i vertici dei triangoli originati dalla lookup table dovranno avere con i lati di ogni cella attiva;



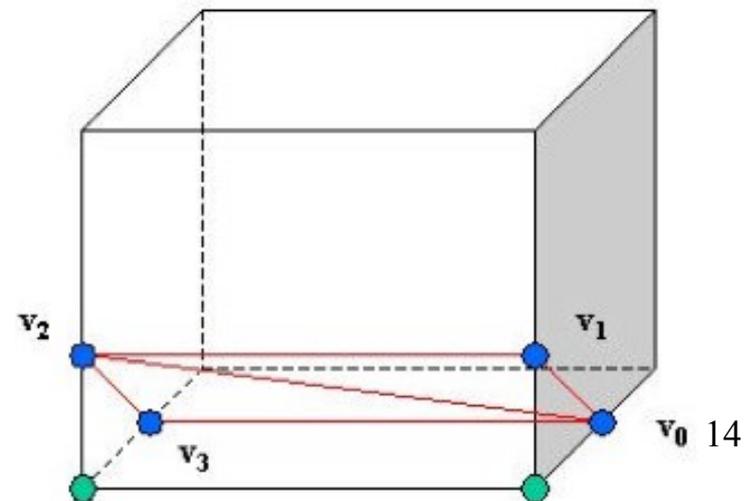
“www.sitobrusco.com”

- Si usa a tal fine un' interpolazione lineare tra i vertici del voxel il cui lato in comune è intersecato dalla mesh approssimante (per trovare la posizione sul lato di uno dei 3 vertici del triangolo componente la mesh);
- Poiché si è ipotizzata la griglia di voxel regolare, i 2 vertici della cella differiscono per una sola coordinata, quindi il vertice del triangolo (intersezione) avrà come coordinate:

$$x = v1(x),$$

$$y = v1(y),$$

$$z = v1(z) + [C - v1(z)] / [v2(z) - v1(z)]$$



“www.sitobrusco.com”

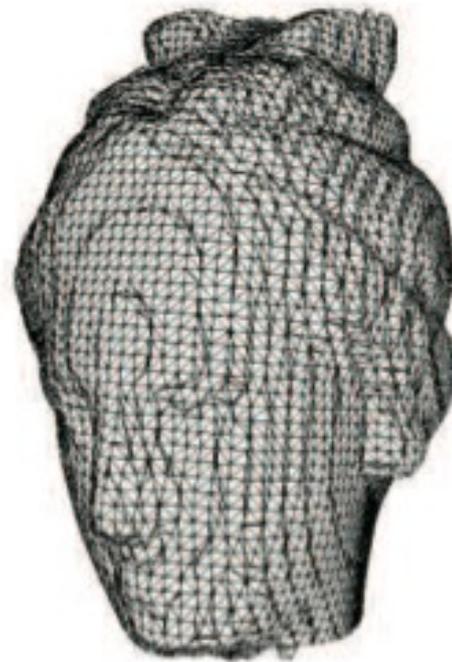


Immagine ottenuta con risoluzione 0,93 mm; 16.072 triangoli



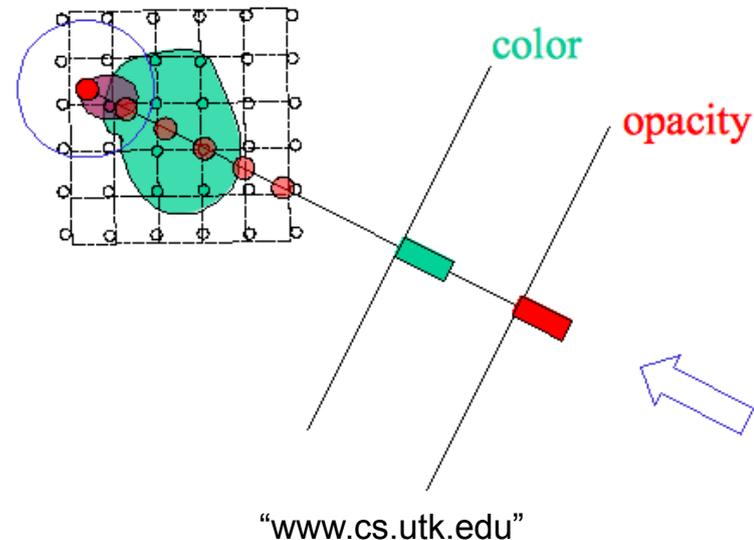
Immagine ottenuta con risoluzione 0,45 mm; 72.415 triangoli

Direct Volume Rendering (DVR)

- Visualizzazione diretta dei dati volumetrici (ancora campi scalari), ovvero **senza geometria** intermedia (cosa che invece avviene per le isosuperfici);

- Diverse tecniche per farlo:

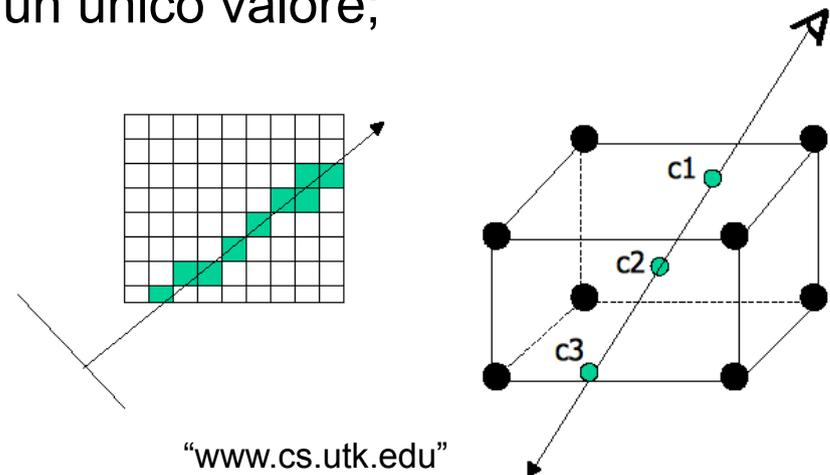
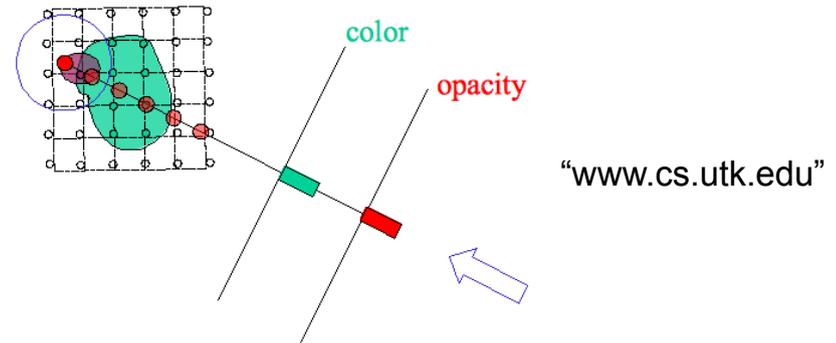
- **Ray Casting**;
- Voxel Splatting;
- Texture mapping;
- ...



- Noi ci occuperemo del Ray Casting, che segue lo stesso principio del Ray Tracing: si proietta un raggio per pixel e si rende su schermo un' opportuna **composizione** dei valori di **colore** ed **opacità** dei voxel colpiti, per poter visualizzare opportune trasparenze.

Ray Casting (1)

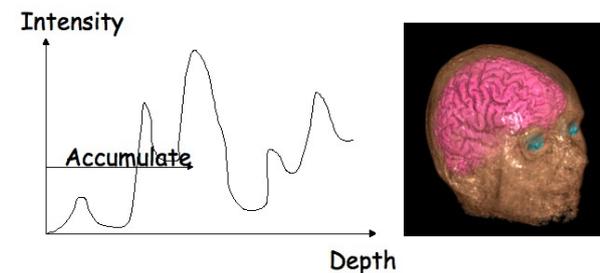
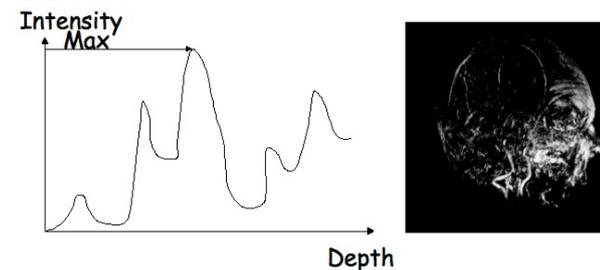
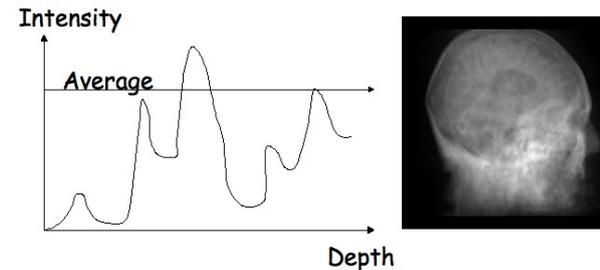
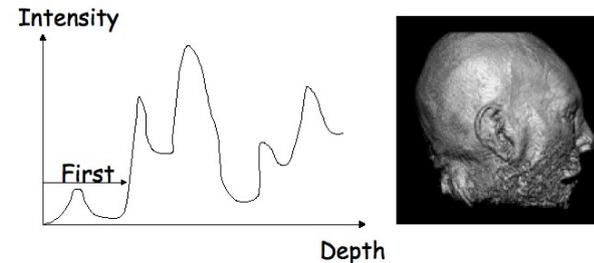
- E' più grezzo del Ray Tracing:
 - Non considera raggi ombra;
 - Non considera raggi riflessi;
- Ma anche più potente:
 - Funzione di composizione di opacità e colore più complessa;
- Segue però lo stesso procedimento:
 - Per ogni pixel si proietta un raggio verso il volume (back-to-front oppure front-to-back);
 - Ogni voxel attraversato ha 8 vertici i cui valori di colore ed opacità vanno interpolati per ottenere un unico valore;
 - Tale valore viene composto con quelli precedenti (o successivi) e poi visualizzato



Ray Casting (2)

- Ci sono diversi modi per comporre colore ed opacità:

- Ray Traversal First (isosurface-like)
- Ray Traversal Average (XRay-like)
- Ray Traversal MIP (Angiography-like)
- **Ray Traversal Accumulate** (Transparency layers!)



Volume Rendering Equation (VRE)

- Si pone dunque il problema di come accumulare colore ed opacità, che sappiamo essere in funzione della luce;
- Si usa una semplificazione dell' **equazione del trasporto** di Boltzmann (in forma integrale):

$$L(\mathbf{r}, \vec{\omega}) = e^{-\tau(\mathbf{r}, \mathbf{r}_B)} L_B(\mathbf{r}_B, \vec{\omega}) + \int_{\Gamma(\mathbf{r}, \mathbf{r}_B)} e^{-\tau(\mathbf{r}, \mathbf{r}')} Q(\mathbf{r}', \vec{\omega}) d\mathbf{r}'$$

“fast volume rendering using a shear-warp factorization of the viewing transformation”

$$\tau(\mathbf{r}, \mathbf{s}) \equiv \int_{\Gamma(\mathbf{r}, \mathbf{s})} \phi_t(\mathbf{r}') d\mathbf{r}'$$

Extinction factor

$$Q(\mathbf{r}, \vec{\omega}) \equiv \epsilon(\mathbf{r}, \vec{\omega}) + \int_{S^2} k(\mathbf{r}, \vec{\omega}' \rightarrow \vec{\omega}) L(\mathbf{r}, \vec{\omega}') d\omega'$$

Emission + scattering

Boundary condition

- Ovvero la **Volume Rendering Equation**:

$$L(x) = \int_x^{x_B} e^{-\int_x^{x'} \phi_t(x'') dx''} \epsilon(x') dx'$$

Per la quale si fanno 4 ipotesi:

- Rifrazione singola;
- No dispersione tratto luce-voxel;
- Assorbimento indipendente dalla direzione;
- Sorgenti luce finite

Volumetric Compositing

Approximation (α -compositing) - 1

- Il Ray Casting ci fornisce, per ogni voxel, i valori di colore ed opacità (o trasparenza);
- Noi dobbiamo combinarli sequenzialmente risolvendo la VRE!
- Usiamo, ovviamente, un' approssimazione a sommatoria:

$$L(x) = \sum_{i=0}^{n-1} e^{-\sum_{j=0}^{i-1} \phi_j \Delta x} \cdot \epsilon_i \Delta x = \sum_{i=0}^{n-1} \epsilon_i \Delta x \cdot \prod_{j=0}^{i-1} e^{-\phi_j \Delta x}$$

$\epsilon_i \equiv \epsilon(x + i\Delta x)$ emissione
 $\phi_i \equiv \phi_t(x + i\Delta x)$ assorbimento

- E definiamo colore ed opacità in funzione di emissione ed assorbimento:

$$\alpha_i \equiv 1 - e^{-\phi_i \Delta x}$$

$$C_i \equiv (\epsilon_i / \alpha_i) \cdot \Delta x$$

$$c_i \equiv C_i \alpha_i$$



$$L(x) = \sum_{i=0}^{n-1} c_i \cdot \prod_{j=0}^{i-1} (1 - \alpha_j)$$

$$= c_0 + c_1(1 - \alpha_0) + c_2(1 - \alpha_0)(1 - \alpha_1) + \dots$$

$$+ c_{n-1}(1 - \alpha_0) \cdots (1 - \alpha_{n-2})$$

$$= c_0 \text{ over } c_1 \text{ over } c_2 \text{ over } \cdots \text{ over } c_{n-1}$$

“fast volume rendering using a shear-warp factorization of the viewing transformation”

Volumetric Compositing

Approximation (α -compositing) - 2

- Se ora inseriamo nel Ray Casting la formula appena trovata per la composizione di colore ed opacità, otteniamo un rendering volumetrico capace di sovrapporre diverse superfici a livelli di trasparenza!
- L' algoritmo Ray Traversal Accumulate è quindi:
 - Per ogni pixel, genera un raggio attraverso la scena 3D;
 - Per ogni voxel attraversato preleva i valori di colore ed opacità (per interpolazione tra i vertici);
 - Combina colore ed opacità trovati secondo la formula α -compositing

$$\begin{aligned}L(x) &= \sum_{i=0}^{n-1} c_i \cdot \prod_{j=0}^{i-1} (1 - \alpha_j) \\ &= c_0 + c_1(1 - \alpha_0) + c_2(1 - \alpha_0)(1 - \alpha_1) + \dots \\ &\quad + c_{n-1}(1 - \alpha_0) \dots (1 - \alpha_{n-2}) \\ &= c_0 \text{ over } c_1 \text{ over } c_2 \text{ over } \dots \text{ over } c_{n-1}\end{aligned}$$

“fast volume rendering using a shear-warp factorization of the viewing transformation”

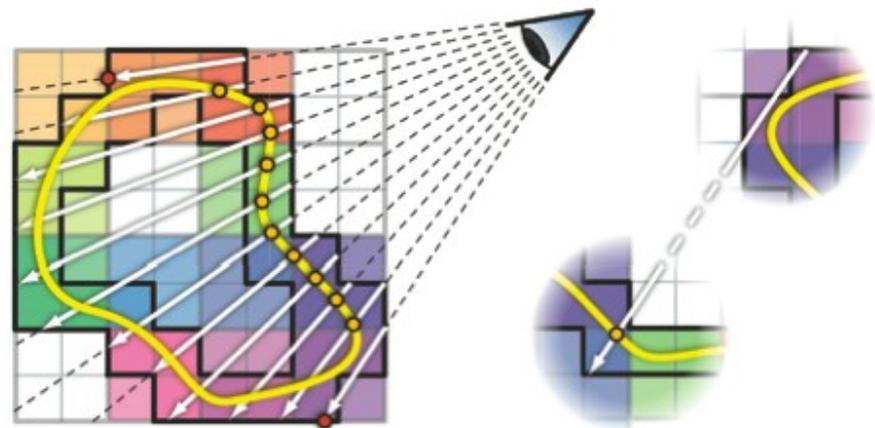


"www.imagingeconomics.com"

Strutture dati (1)

- Solitamente, nemmeno la metà della mole di dati volumetrici a disposizione è effettivamente importante;
 - In una tomografia o in una risonanza siamo sul 40%;
 - Nell' ipotesi interessino solo i vasi sanguigni (angiografia) scendiamo al 10%!
- Ciò significa che di tutti i voxel che compongono il volume, più della metà non interessano, quindi:

- o avranno il colore di sfondo;
- o saranno trasparenti.

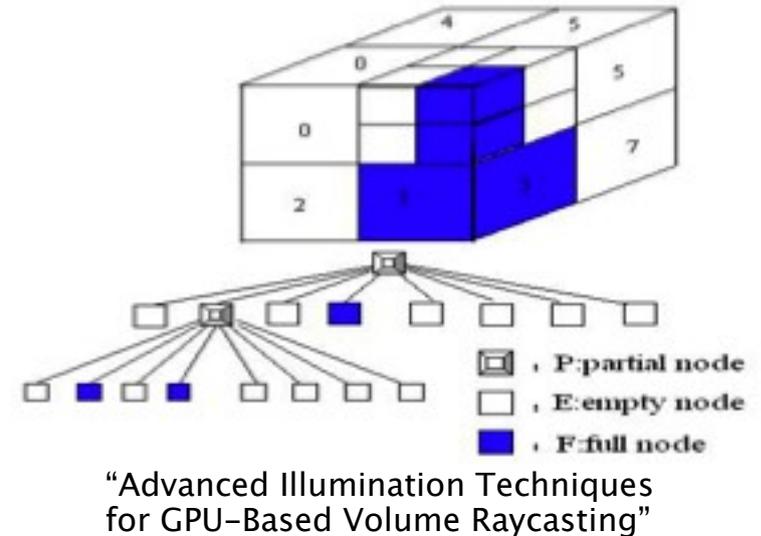


“Advanced Illumination Techniques for GPU-Based Volume Raycasting”

- Il Ray Casting è tutt' altro che efficiente: la maggior parte dei raggi generati (uno per pixel!) intersecano voxel inutili, quindi causano un rendering inutile!

Strutture dati (2)

- Si possono migliorare le prestazioni dell' algoritmo adottando una rappresentazione dei voxel tramite **octree**:
 - L' intero volume viene partizionato in 8 cubi delle stesse dimensioni;
 - Per ogni cubo, se esso è completamente pieno, lo si marca con F (Full), mentre se è completamente vuoto lo si marca con E (Empty);
 - Sempre per ogni cubo, se esso non è né marcato E né F si ripete il partizionamento, altrimenti ci si ferma e si passa ad un altro cubo.
- In questo modo possiamo facilmente saltare il rendering dei cubi vuoti (si noti che un cubo vuoto può comprendere centinaia di voxel!):
 - Per ogni raggio controlliamo se esso interseca un cubo vuoto (conosciamo le coordinate dei voxel che ci stanno dentro) guardando nell' albero dei cubi (l' octree);
 - Se troviamo che tale cubo è marcato E non ne facciamo il rendering e passiamo al prossimo raggio (pixel).



Librerie VTK

- Tutto ciò è molto bello, ma come lo faccio!? 😊



The screenshot shows the VTK website homepage. At the top left is the VTK logo and the text "Visualization Toolkit". To the right of the logo is a navigation menu with links for "PROJECT", "RESOURCES", "HELP", and "OPEN SOURCE". A button labeled "Tell us what you think" is in the top right corner. The main content area on the left contains a paragraph describing VTK as an open-source software system for 3D computer graphics, image processing, and visualization. It mentions that VTK consists of a C++ class library and several interpreted interface layers including Tcl/Tk, Java, and Python. It also mentions Kitware, the team that created and extends the toolkit, and lists various visualization algorithms and modeling techniques supported by VTK. At the bottom left of this section is a "News" link and a "More News >" link. On the right side of the main content area is a large image showing a 3D visualization of a complex, multi-colored object, possibly a medical scan or a scientific model, with a purple wireframe overlay. The text "VTK" is written above the image, and a paragraph below it states that thousands of researchers and developers use VTK for 3D computer graphics, image processing, and visualization.

Visualization Toolkit

PROJECT RESOURCES HELP OPEN SOURCE

Tell us what you think

The **Visualization Toolkit (VTK)** is an open-source, freely available software system for 3D computer graphics, image processing and visualization. VTK consists of a C++ class library and several interpreted interface layers including Tcl/Tk, Java, and Python. [Kitware](#), whose team created and continues to extend the toolkit, offers [professional support and consulting services](#) for VTK. VTK supports a wide variety of visualization algorithms including: scalar, vector, tensor, texture, and volumetric methods; and advanced modeling techniques such as: implicit modeling, polygon reduction, mesh smoothing, cutting, contouring, and Delaunay triangulation. VTK has an extensive information visualization framework, has a suite of 3D interaction widgets, supports parallel processing, and integrates with various databases on GUI toolkits such as Qt and Tk. VTK is cross-platform and runs on Linux, Windows, Mac and Unix platforms.

[News](#) [More News >](#)

VTK

Thousands of researchers and developers around the world use VTK, an open source, freely available software system for 3D computer graphics, image processing, and visualization.