

## ERRATA-CORRIGE E OSSERVAZIONI

### ALGEBRA LINEARE ED EQUAZIONI DIFFERENZIALI ORDINARIE SPRINGER UNITEXT 48

CESARE PARENTI - ALBERTO PARMEGGIANI

- **Pag. 6, riga ↓ 11:**  $\sum_{j=1}^{k+1} a_j v_j$
- **Pag. 16, riga ↑ 15:**  $M(m, n; \mathbb{R})$
- **Pag. 30, formula (2.42):**  

$$\text{Rad}(q) := \{v \in V; \langle f(v), w \rangle = 0, \forall w \in V\}$$
- **Pag. 33, riga ↓ 9:** “risp. autoaggiunta”
- **Pag. 43, riga ↑ 14:** “può”
- **Pag. 48, riga ↑ 3:** “(perché  $E_{\mu_j}$  è  $\langle \cdot, \cdot \rangle_{\mathbb{C}}$ -ortogonale a  $\bar{E}_{\mu_j}$ ”
- **Pag. 60, riga ↑ 9:**  $\text{Ker}F(q_1) = V_2 \oplus \text{Ker}F(q_2)$
- **Pag. 62, riga ↓ 4:**  $A_j = \begin{bmatrix} (\alpha_j + i\beta_j)I_{\ell_j} + C_j & 0 \\ 0 & (\alpha_j - i\beta_j)I_{\ell_j} + C_j \end{bmatrix}$
- **Pag. 87, riga ↑ 9:**  $\text{Im } A := \{(x, \zeta); x \in X, \zeta \in \text{Im } A(x)\}$
- **Pag. 92, riga ↓ 4:** “contate”
- **Pagg. 95 e 96, secondo e terzo punto Esercizio 4.1.3:** riformulare i punti come segue:
  - se  $A = A^*$  allora:  $A > 0 \iff A_1 > 0$  e
$$|\langle A_2 x, y \rangle| < \frac{1}{2}(\langle A_1 x, x \rangle + \langle A_1 y, y \rangle), \quad (4.1)$$

per ogni  $x, y \in \mathbb{R}^n$  non entrambi nulli;

  - nell’ipotesi che  $A = A^*$ , osservato che (4.1) può essere riscritta come
$$|\langle A_1^{-1/2} A_2 A_1^{-1/2} u, v \rangle| < \frac{1}{2}(\|u\|^2 + \|v\|^2),$$

per ogni  $u, v \in \mathbb{R}^n$  non entrambi nulli, e tenuto conto che la matrice reale  $T := A_1^{-1/2} A_2 A_1^{-1/2}$  è pure antisimmetrica, dedurre che

$$A > 0 \iff \begin{cases} A_1 > 0 \text{ e} \\ p_T(\lambda) = 0 \implies \lambda = \pm i\mu \text{ con } 0 \leq \mu < 1. \end{cases}$$
- **Pag. 109, riga ↓ 12:** introdurre il valore assoluto nel membro di sinistra della disuguaglianza

- **Pag. 109, riga ↓ 14:** sicché  $-\beta \leq \frac{d}{dt} \ln\left(\frac{\alpha}{\beta} + \theta(t)\right) \leq \beta, \forall t \in J$ .
- **Pag. 123, riga ↑ 6:** eliminare la virgola “,” nell’insieme al centro in modo da ottenere  $\{y \in \Omega; (t, y) \in \mathcal{U}\}$
- **Pag. 133, righe ↑ 3 e 4:** sostituire il “.” in riga ↑ 4 con “,”; sostituire “Una” in riga ↑ 3 con “una”
- **Pag. 137, riga ↓ 9:** “con  $\operatorname{Re} \mu_j = -\gamma$  si ha  $m_j >$ ”
- **Pag. 142, formula (5.60):**

$$x(t) = Y(t) \left[ Y(s)^{-1} \zeta + \int_s^t Y(s')^{-1} b(s') ds' \right]$$

- **Pag. 143, riga ↓ 8:** “ $C = Y(0)^{-1} Y(T)$ , matrice il cui spettro (come mappa di  $\mathbb{C}^n$  in sé) è **indipendente** dalla”
- **Pag. 158, riga ↓ 10:** “In questo caso il sistema (5.90) è

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = -z(t) \\ \dot{z}(t) = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} x(0) = y \\ z(0) = g(y). \end{cases} \quad ,$$

- **Pag. 166, ultima riga:**  $\langle H_- \eta, A_- \eta \rangle \leq -C_4 \|\eta\|^2$
- **Pag. 184, righe ↑ 4–10:** “conseguenze del Teorema 5.2.1 ed il fatto che  $P$  è un diffeomorfismo locale (Lemma 5.7.3 (iii)), esistono un tempo  $\tau \in (0, \delta)$  ed un  $\rho_0 \in (0, r)$  tali che per ogni  $\rho \in (0, \rho_0]$  la mappa

$$(-\tau, \tau) \times (P(B_\rho(0)) \cap B_\rho(0)) \ni (t, y) \mapsto \Phi^t(y) \in \Omega$$

è un **diffeomorfismo** di  $(-\tau, \tau) \times (P(B_\rho(0)) \cap B_\rho(0))$  sulla sua immagine, che è dunque un intorno di 0 in  $\Omega$ . Ora, se  $t \in [0, \tau)$ , allora, poiché  $\tau < \delta < T(y)$ , si ha per definizione che  $\Phi^t(y) \in \Gamma_\rho$  perché  $y \in B_\rho(0)$ . Se invece  $t = -s$ , con  $0 < s < \tau$ , si tratta di riconoscere che  $\Phi^{-s}(y) \in \Gamma_\rho$ . Poiché  $y \in P(B_\rho(0))$ , si ha  $y = \Phi^{T(z)}(z)$  per un  $z \in B_\rho(0)$ . Allora”

- **Osservazione, pag. 187, riga ↓ 12:** il fatto che 1 sia radice almeno doppia di  $p_{e^{TA}}$  è facilmente desumibile dal seguente argomento. Il vettore  $x_0$  è reale, così come lo è  $Ax_0$  (essendo  $A$  una matrice reale). Si noti anche che  $Ax_0 \neq 0$  (altrimenti non avremmo una traiettoria periodica). Ora, poiché  $A$  commuta con  $e^{tA}$  per ogni  $t$ , si ha che  $x_0 \in \operatorname{Ker}(e^{TA} - I_n)$  implica che anche  $Ax_0 \in \operatorname{Ker}(e^{TA} - I_n)$ . Ma i vettori  $x_0$  e  $Ax_0$  sono linearmente indipendenti: se ci fosse  $0 \neq \mu \in \mathbb{R}$  tale che  $Ax_0 = \mu x_0$  si otterrebbe che  $e^{TA} x_0 = e^{\mu T} x_0 = x_0$  da cui  $\mu = 2k\pi i/T$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ) e quindi  $\mu = 0$  che è assurdo. Ma allora  $\dim \operatorname{Ker}(e^{TA} - I_n) \geq 2$ , il che prova l’asserto.
- **Pag. 190, riga ↓ 5:**  $\zeta := \alpha^{1/2} x$