

# PROGRAMMA DEL CORSO DI ANALISI SUPERIORE 1 (LAUREA MAGISTRALE IN MATEMATICA) , A.A. 2020-2021

ALBERTO PARMEGGIANI

**Nota bene:** le parti in grassetto indicano che è richiesta la dimostrazione dei relativi teoremi.

## 1. METODO DELLE CARATTERISTICHE

Metodo delle caratteristiche. **Esistenza ed unicità di soluzioni regolari per operatori differenziali alle derivate parziali del primo ordine a coefficienti regolari vicino ad un punto non-caratteristico.**

## 2. RICHIAMI DI TOPOLOGIA DI $C^\infty(\Omega)$ , $C^k(\Omega)$

Successioni esaustive di compatti in un aperto  $\Omega \subset \mathbb{R}^n$ . Topologia di  $C^\infty(\Omega)$ ,  $C^k(\Omega)$ : seminorme, intorni di un punto, distanza. Convergenza di successioni e topologia; metrizzabilità e completezza.

## 3. TEORIA DELLE DISTRIBUZIONI DI SCHWARTZ

- Primo capitolo del libro di L. Hörmander *Linear Partial Differential Operators*, Springer Verlag, Edizione del 1969, pagine 1–23:  
**Funzioni test; Definizione e proprietà elementari delle distribuzioni; Derivazione e moltiplicazione per funzioni; Distribuzioni a supporto compatto; Convoluzione di distribuzioni; Trasformata di Fourier di distribuzioni (fino alla dimostrazione del Teorema di Paley-Wiener-Schwartz compresa).**
- **Il teorema di localizzazione di una distribuzione e di costruzione di una distribuzione a partire da localizzazioni coerenti.**
- Definizione di *soluzione fondamentale di un operatore a coefficienti costanti*, proprietà. **Soluzione fondamentale dell'operatore  $\partial/\partial\bar{z}$ .**
- **Risolubilità delle equazioni differenziali ordinarie in  $\mathcal{D}'(X)$ ,  $X \subset \mathbb{R}$  intervallo.**
- **Pull-back di una distribuzione tramite un diffeomorfismo. Pull-back di una distribuzione tramite una submersione.**
- Definizione di distribuzione omogenea e proprietà elementari (**la derivazione abbassa grado di omogeneità**).

## RIFERIMENTI BIBLIOGRAFICI

- [1] F. G. Friedlander. Introduction to the theory of distributions. Second edition. With additional material by M. Joshi. Cambridge University Press, Cambridge, 1998.
- [2] L. Hörmander. Linear partial differential operators. Third revised printing. Die Grundlehren der mathematischen Wissenschaften, Band 116 Springer-Verlag New York Inc., New York 1969 vii+288 pp.
- [3] C. Parenti, A. Parmeggiani Algebra lineare ed equazioni differenziali ordinarie. La Matematica per il 3+2. Milano: Springer, 2019. xii+200 pp.
- [4] C. Zuily. Éléments de distributions et d'équations aux dérivées partielles. Dunod, 2002.