Metodi Numerici per la Modellistica Ambientale Esercizi di Laboratorio del 06/06/2012

Scaricare le funzioni elliptic_op2D.m, elliptic_solve.m dal nostro sito.

• Determinare una approssimazione numerica della soluzione del seguente problema ai limiti

$$-u_{xx} - u_{yy} = f(x, y), \qquad u|_{\partial\Omega} = 0, \ \Omega = (0, 1)^2,$$

con prima f(x,y) = 1 e poi $f(x,y) = \sin(\pi x)\cos(\pi y)$.

• Determinare una approssimazione numerica della soluzione del seguente problema ai limiti

$$-(e^{-10xy}u_x)_x - (e^{10xy}u_y)_y = f(x,y), \qquad u|_{\partial\Omega} = 0, \ \Omega = (0,1)^2,$$

con prima f(x,y) = 1 e poi $f(x,y) = \sin(\pi x)\cos(\pi y)$.

• Determinare una approssimazione numerica della soluzione del seguente problema ai limiti

$$-u_{xx} - u_{yy} + \beta u_x = 1,$$
 $u|_{\partial\Omega} = 0, \ \Omega = (0,1)^2,$

al variare di $\beta \in [0, 150]$, con una griglia sufficientemente fine. Commentare i risultati.