

# Corso di Laurea in Ingegneria Biomedica

## Laboratorio di Algebra Lineare Numerica

### A.A. 2019/2020 – I Ciclo

## Esercitazione 4

- 1) Verificare se il seguente sistema sovradeterminato ammette soluzione; in caso di risposta affermativa, calcolarla:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + 3x_2 = 0 \end{cases}$$

- 2) Realizzare una m-function che presa in input una matrice  $H$  di dimensione  $m \times n$  ( $m > n$ ) e termine noto  $y$  di dimensione  $m$ , calcoli l'approssimazione secondo i minimi quadrati del sistema lineare sovradeterminato,  $Ha=y$ , facendo uso delle equazioni normali ( $H^T H a = H^T y$ ) e del solutore con fattorizzazione di Cholesky

*function [a]=Risolvi\_EQN(H,y)*

- 3) Realizzare una m-function che presa in input una matrice  $H$  di dimensione  $m \times n$  ( $m > n$ ) e termine noto  $y$  di dimensione  $m$ , calcoli l'approssimazione secondo i minimi quadrati del sistema lineare sovradeterminato,  $Ha=y$ , facendo uso della fattorizzazione QR di  $H$ .

*function [a]=Risolvi\_QR(H,y)*

- 4) Realizzare una m-function che presa in input una matrice  $H$  di dimensione  $m \times n$  ( $m > n$ ) e termine noto  $y$  di dimensione  $m$ , calcoli l'approssimazione secondo i minimi quadrati del sistema lineare sovradeterminato,  $Ha=y$ , facendo uso della fattorizzazione SVD di  $H$ .

*function [a]=Risolvi\_SVD(H,y)*

### 5) SOLUZIONE SISTEMI LINEARI SOVRADETERMINATI

Costruire uno script *ex1.m* che:

- permetta all'utente di scegliere tra uno dei sistemi lineari sovradeterminati con matrice memorizzata nei file *matricea.mat*, *matriceb.mat*, *matricec.mat*, *matriced.mat*, *matricee.mat*, *matricef.mat* e termine noto  $y=\text{sum}(H')$ ;
- Calcoli l'indice di condizionamento della matrice  $H$  ed il suo rango  $k$ .
- L'utente, in base alle caratteristiche della matrice  $H$  scelga il metodo più adatto, tra i tre implementati.
- Calcoli la norma 2 del residuo.

### 6) APPROSSIMAZIONE DI DATI

Realizzare uno script *ex2.m* che

che presi in input :  $i$  punti da approssimare  $(x(i),y(i))$ ,  $i=1,...,M$ )

$x=[5\ 10\ 15\ 20\ 25\ 30\ 35\ 40\ 45\ 50]$

$y=[17\ 24\ 31\ 33\ 37\ 37\ 40\ 40\ 42\ 41]$

e il grado del polinomio che approssima i dati nel senso dei minimi quadrati (N),

restituisca in output: il polinomio di approssimazione nel senso dei minimi quadrati determinato con il metodo  $[a]=\text{Risolvi\_EQN}(H,y)$ . Sfruttare per la valutazione del polinomio la built-in function `polyval()` di MATLAB che realizza il metodo di Horner.

Si visualizzi in uno stesso grafico i punti di approssimazione e il polinomio approssimante determinato.

Si provi con `poly` di grado 1,2,3,4 e si calcoli il residuo per stabilire con quale grado il `poly` approssimante risulti il migliore.